琉球大学学術リポジトリ

定速昇温装置のロバスト制御 (H^∞制御によるアプローチ)

メタデータ	言語:
	出版者: 琉球大学工学部
	公開日: 2009-08-20
	キーワード (Ja): H^∞ control
	キーワード (En): Thermoluminescence dating, Control
	device, Constant raising temperature control, Stability,
	Mixed sensitivity problem, Robust control
	作成者: 玉城, 史朗, 山口, 秀行, 上里, 英輔, 大城, 尚紀,
	山本, 哲彦, 金城, 寛, 平良, 初男, 棚原, 朗, Tamaki, Shiro,
	Yamaguchi, Hideyuki, Uezato, Eiho, Oshiro, Naoki,
	Yamamoto, Tetsuhiko, Kinjo, Hiroshi, Taira, Hatsuo,
	Tanahara, Akira
	メールアドレス:
	所属:
URL	http://hdl.handle.net/20.500.12000/11967

定速昇温装置のロバスト制御 (ℋ[∞]制御によるアプローチ)

玉城史朗*山口秀行** 上里英輔*** 大城尚紀*** 山本哲彦**** 金城 宽***** 平良初男****** 棚原 朗******

> Robust Control for the Constant Raising Temperature System (*H*[~]Control Approach)

Shiro TAMAKI* Hideyuki YAMAGUCHI** Eiho UEZATO*** Naoki OSHIRO*** Tetsuhiko YAMAMOTO**** Hiroshi KINJO***** Hatsuo TAIRA***** and Akira TANAHARA*****

Abstract

The thermoluminescence dating is attracted the attention of geology or archaeology researchers as a new method. This method needs a heating device to raise the temperature of the sample continuously at exact rate. This paper describes a design method of the a control system to accomplish the purpose. This control system tends to be unstable because of the existence of parameter perturbation and lag time. In this paper the perturbation and the lag time are treated as perturbations of a generalized system regarded as a one-order system. Tracking characteristic in the low frequency domain and robust stability in the high frequency domain of the control system is achieved using the mixed sensitivity problem which is a kind of \mathcal{H}^{∞} control theories. Experiments verify the effectiveness of this method.

Key Words : Thermoluminescence dating, Control device, Constant raising temperature control, Stability, Mixed sensitivity problem, H[∞] control, Robust control.

受付:1992年5月11日 *工学部機械工学科 Dept. of Mechanical Eng., Fac. of Eng. ***日立オートモティブエンジニアリング株式会社 Hitachi Automotive Eng. Co. Ltd. ****大学院工学研究科機械工学専攻 Graduate student, Mechanical Eng. *****工学部共通講座 Eng. Common Course, Fac. of Eng. *****短期大学部機械工学科 Dept. of Mechanical Eng. Junior College *****理学部化学科 Dept. of Chemistry, Fac. of Sci.

1. 緒営

放射線に刺激を受けた鉱物を加熱するときに観察さ れる熱発光現象は熱蛍光 (Thermoluminescence, 以下略してTLとする)と呼ばれる.特に,天然鉱物 からのTLは,地質学,考古学の年代測定法の有用な 手段として近年注目されている⁽⁹⁾.ところが,TL量は 試料を加熱するときの昇温速度に依存するので,安定 した定速昇温を実現する制御系の構成が特に必要とさ れる.実際の測定では,200~400℃の範囲で安定な測 定値が得られることが重要となるが,しかし,TL研 究用として市販されている特別な装置でも,この温度 範囲における昇温特性が悪く,再現性に欠ける傾向が みられる⁽⁰⁾.

TL測定装置における温度制御系設計問題の困難さ は、加熱体自体が抵抗体であるため、その温度特性が 入力に強く依存し非線形性を持つこと、および、制御 系にむだ時間が存在するため、安定した制御性能が得 られにくいことなどがある.さらに、TL測定部は開 放されており、空気の対流による外乱の影響を受け易 いことも制御系の設計を困難なものにしている.

本論文では、このような制御系の設計における問題 を解決する方法として、光[®] 制御⁽⁴⁾ の中の一つであ る混合感度問題⁽²⁾ を考える、すなわち、パラメータ変 動に対して安定性を保持するロバスト安定性および、 目標値から出力誤差までの感度関数の低減化を行う感 度最小化問題を、伝達関数の周波数整形⁽⁴⁾ により同時 に実現することを試みる。

本稿の構成は、2章でTL測定の原理を簡単に説明 する.3章ではシステムのモデリングについて述べ、 4章で制御系の設計を行なう.さらに、5章で実験に より、ここで設計した制御系の有効性を検証する.

2. TL 測定の原理

TLには、被曝した放射線量に比例した発光量が得 られるという性質(発光量の線量依存性)がある.こ の性質を利用して、著者らは琉球石灰岩の絶対年代の 測定へ応用することを試みている.TLの原理は以下 のように説明できる(Fig.1).鉱物の場合、そのほ とんどが絶縁物結晶であるため、放射線によってイオ ン化した電子の一部は準安定な状態で結晶のなかに保 持される.その鉱物結晶を加熱すると、準安定な状態 の電子は熱エネルギーにより伝導帯まで励起し、伝導 帯を移動したのち、脱励起して正孔と再結合する際に 光を放出する.このときの発光がTLとして観察され る.このとき、電子に与える熱エネルギーは温度に依 存するため、試料を定速昇温するための加熱装置が必 要となる.

3. 定速昇温装置とモデリング

3.1 定速昇温装置

Fig.2にTL測定装置の全体図を示す. 試料を加熱 することにより得られるTLは、光電子増倍管で受け、 さらに、光電子増倍管からの光入力にともなう信号を、 フォトカウンターで計数し、レコーダに記録する.

Fig.3には定速昇温装置の概略を示す.加熱体に は、直径20mm,厚さ3mmの熱効率の良いセラミックヒー タを使用する.さらに、セラミックヒータの表面を銀 の薄板で覆い、試料台として使用する.温度測定は、 熱電対を試料台にろう付けして行なう.温度制御は、 直流電流制御をパーソナルコンピュータの指示により 行なう.



Fig. 1 Principle of TL phenomenon.



Fig. 2 Schematic diagram of TL measurement equipment.



Fig. 3 The heater which using constant raising temperature system.

3.2 モデリング

抵抗体の発熱量は、これに供給される電力に比例す る. また、ヒータの温度は供給される電力と周囲へ放 散される熱エネルギーのバランスによって決まる. よっ て、このシステムは基本的に1次遅れ系で記述できる が、アクチュエータの動作速度とヒータの熱伝導を考 慮すると、1次遅れ+むだ時間系と考えられる.

まず、システムのステップ応答から、その動特性を 把握する。Fig.4にステップ応答の測定結果を示す。 Fig.4から、時定数は約230~290秒の範囲で変化し ていることが分かる。すなわち、入力電圧が大きくな るにしたがって、時定数は短くなっている。また、ス テップ応答の最終値は、入力電圧の2乗に比例する (Fig.5).Fig.5の縦軸は入力電圧で正規化された 温度を示している。すなわち、システムは

$$(\alpha + \delta) \dot{y} = -y + (34.8 \,\hat{\mu}^2 - 10.26 \,\hat{\mu}) \tag{1}$$

と記述できる. ここで、y(t)は状態変数、 α は時定 数を表し、さらに式(1)の左辺の δ は時定数の変動を 考慮したパラメータであり、右辺第二項は制御入力に 対してシステムが非線形であることを表している.

式(1)の右辺第二項を, f(u)とすると, Fig. 6 に示 すように $f^{-1}(u)$ を接続することにより線形化できる.



Fig. 4 Step responses via input voltages.



Fig. 5 Normalized plant gains via inputs.



Fig. 6 Linearization of non-linear system.

式(1)を線形化したシステムは、

$$(\alpha + \delta)\dot{y} = -y + u \tag{2}$$

となる.さらに、時定数の変動の中間値をとることに より、一般化プラントのシステム方程式

$$260\,\dot{y} = -y + u \tag{3}$$

を得る.また、 uから yまでの伝達関数は

$$P(s) = \frac{1}{1 + 260s}$$
(4)

となる.

4. ロバスト制御系の設計

混合感度問題は制御系のロバスト安定性と目標値へ の追従性を定量的に取り扱うことができ、不確かさを 含む線形モデルに対して安定な制御系の設計を可能と している. 混合感度問題を用いて制御系を設計する場 合には、システムのモデリングと周波数重み関数の選 定が特に重要となる.モデリングや周波数重み関数が 不適当である場合には、必ずしも良好な制御応答が得られるとはかぎらない。

本稿では ℋ[®] 制御問題の解法としてネハリ問題に 帰着する方法を用いた.なお設計を進める上で必要と なるすべての計算は、PC-MATLABを用いた.

4.1 周波数重みの設計

Fig. 7 のフィードバック制御系で、目標値 r から 誤差 $e \land o$ 別ループ伝達関数をS(s), r から出力 y への伝達関数をT(s), 制御対象とコントローラの伝 達関数をそれぞれ、P(s), C(s) とすると、S(s) お よびT(s) はそれぞれ感度関数と相補感度関数と呼 ばれ、

$$S:=\frac{1}{1+CP} \tag{5}$$

$$T:=\frac{CP}{1+CP} \tag{6}$$



Fig. 7 Block diagram of feedback control system.



Fig. 8 Generalized system of mixed sensitivity problem.

と定義される. 感度関数 S(s) のゲインを小さくす ると,システムの目標値への追従特性が良くなり,こ れは感度最小化問題と呼ばれている. また,T(s)の ゲインに制限を設けることはシステムのロバスト安定 性を保証する. 混合感度問題は目標値への追従特性と ロバスト安定性の間の trade-off の問題を解決する. Fig. 8 で $W_1(s)$ と $W_2(s)$ はそれぞれ感度関数と相補 感度関数の周波数重みを表している. 混合感度問題は, Fig. 8 に示すシステムを安定にし、かつ不等式

$$\inf \left\| \begin{bmatrix} r \ W_1 S \\ W_2 T \end{bmatrix} \right\|_{\infty} < r_1 \tag{7}$$

を満たすコントローラ C(s) が存在するかどうかを 判定し,存在する場合はそのようなすべての C(s)を求めよという問題である.ここに,r は周波数重 み $W_1(s)$ のゲインを調整するための正の実数である. 特に, Fig.8 のシステムがロバスト安定となるため には,(7)式において $r_1 < 1$ が必要十分条件である.

まず,感度関数 S(s)の周波数重み W₁(s) は低い周波数領域でゲインが大きくなるように,

$$W_1(s) = \frac{1}{s + 0.001} \tag{8}$$

を選ぶ.相補感度関数 T(s) の重み関数 W₂(s) は システムに L 秒以下のむだ時間と,時定数にδ以下 の変動を考えることにより導かれる.すなわち,むだ 時間に対する乗法的な摂動

$$\Delta_1 = e^{-L_s} - 1 \tag{9}$$

と、時定数の変動に対する乗法的な摂動

$$\Delta_{1} = \frac{\delta s}{1 + (\alpha - \delta) s} \tag{0}$$

を考えると,式(9)のおよび式(0)のから実システムは

$$(\dot{1} + \Delta_1)(1 + \Delta_2)P = (1 + \Delta_1 + \Delta_2 + \Delta_1 \Delta_2)P$$
(1)

と表される. 実験により得た L=0.17, δ=30を式(ll) へ代入すると,

40

$$|\Delta_{1} + \Delta_{2} + \Delta_{1} \Delta_{2}|$$

$$< |\Delta_{1}| + |\Delta_{2}| + |\Delta_{1} \Delta_{2}|$$

$$= |e^{-0.17z} - 1| + \left|\frac{30 s}{1 + 230 s}\right|$$

$$+ |e^{-0.17z} - 1| \left|\frac{30 s}{1 + 230 s}\right|$$

$$< |0.5 s| \qquad (12)$$

よって,相補感度関数の周波数重みを

 $W_{1}(s) = 0.5 s$ (13)

と選ぶ.





式(2)は、システムの摂動と相補感度関数の周波数 重みとのゲインにおける関係を表しており、Fig.9 にそのボード線図を示す. Fig.9から、システムは、 高周波の領域で不安定になり易いことが分かる.また、 制御系の設計の際、Δ1、Δ2のゲインが実際の摂動よ りも小さすぎた場合には、システムは不安定現象を起 こすので、注意が必要である.

4.2 *H*[®] コントローラの設計

本稿では、制御系の設計問題をネハリ問題に帰着さ せて解く.

$$P = \frac{N}{D} \quad (N, D \in \Re \mathcal{H}_{\infty}) \tag{4}$$

ベズー等式を

$$XN+YD=1, \quad (X, Y\in \Re\mathcal{H}_{\infty}) \tag{15}$$

とし、式(7)をユーラパラメトリゼーションを用いて むき換えると、混合感度問題は

$$\{ \| T_1 - T_2 Q \|_{\infty} : Q \in \Re \mathcal{H}_{\infty} \} < \gamma$$

となる. このとき, コントローラ C(s) は

$$C = \frac{X + QD}{Y - QN} \tag{17}$$

で与えられる. ただし, $T_i(s)$, $T_i(s)$ の定義を

$$T_{i} := \begin{bmatrix} \gamma \ W_{i} \ YD \\ W_{2}NX \end{bmatrix} \tag{2}$$

$$T_2 := \begin{bmatrix} \gamma \ W_1 ND \\ -W_2 ND \end{bmatrix} \tag{9}$$

とする.

$$\{ \| L - Z \|_{\infty} : Z \in \mathcal{H}_{\infty} \}$$

の最小値はハンケルノルム

$$J_{opt} = \| \Gamma_L \| \tag{20}$$

で与えられる.

[ネハリ問題の最適解の計算法] Step 1. Lを反安定な部分と安定な部分とに分ける. すなわち、

 $L = \{A, B, C, D\} + (a \text{ function in } \Re \mathcal{H}_{\infty})$

と分解する. Step 2. 最小実現 {*A*,*B*,*C*,*D*}を用いて

 $AL_{c}+L_{c}A^{T}=BB^{T}$, $A^{T}L_{o}+L_{o}A=C^{T}C$

により、可制御グラミアンと可観測グラミアンを求める.

Step 3.

 $L_{c}L_{o}w = \lambda^{2}w$

の最大固有値の平方根 λ とそれに対応する固有ベクト ル w を求める. Step 4. ハンケルノルムは

 $\| \Gamma_L \| = \lambda$

となる. Step 5. 新たに、v = λ⁻¹L.w を定義し、

$$p=B^{r}(sI+A^{r})^{-1}v, q=C(sI-A)^{-1}w$$

を計算する. Step 6. 最適解は

$$Z_{opt} = L - \frac{\lambda q}{p} \tag{2}$$

で与えられる.

4.2.3 コントローラの設計

4.2.2の結果を用いたコントローラの設計計算を 示す.

[ℋ "混合感度問題の解法]

Step 1. システム P(s) の既約分解 N(s), D(s) およびベズー等式の解 X(s), Y(s) を求め,

$$T_1 := \begin{bmatrix} r \ W_1 \ YD \\ W_2 \ NX \end{bmatrix}, \quad T_2 := \begin{bmatrix} r \ W_1 \ ND \\ -W_2 \ NX \end{bmatrix}$$

を計算する. rには任意の正の実数を初期値として与 えておく.

Step 2. T₂のインターアウタ分解より、

 $G:=(I-T_{2i}T_{2i})T_1$

および

 $\gamma_0 = \|G\|_{\infty}$

を計算する. ここに, T~(s) = T^{*}(-s) を表す. もしro>1ならrを小さくし, Step 1. から計算 する. Step 3. $\gamma_0 < \gamma_1 < 1$ を与えて、スペクトル分解 $r_1 - G^{\sim}G = U^{\sim}U$ を求める. Step 4. $L=T \tilde{i} T_1 U^{-1}$ とし、ハンケルノルム $\| \Gamma_{\iota} \|$ を計算する. $\| \Gamma_{\iota} \| <$ 1かつ、rが最大になるように Step 1.~Step 4. を 繰り返す. Step 5. $J_{opt} = \inf \{ \| L - Z \|_{\infty} : Z \in \mathcal{H}_{\infty} \}$ の最適解 Z(s) を求め、 $Z = T_{20}QU^{-1}$ からQ(s) を 求める. Step 6. $C = \frac{X + QD}{Y - QN}$ から、コントローラC(s)を求める. 4.2.4 計算例 周波数重みW1, W2をそれぞれ式(B), (3) で定めた とき、上述のアルゴリズムに従い、式(4)で与えられ る一般化プラントに対する混合感度問題の解を求め

Step 1. 一般化プラントP(s) に対し

$$P(s) = \frac{1}{1+260s}, \quad N(s) = \frac{1}{1+260s}$$
$$D(s) = 1, \quad X(s) = 0, \quad Y(s) = 1, \quad r = 2$$
$$\geq \neq 3. \quad \ln \xi \theta,$$
$$T_1 = \frac{2}{s+0.001} \begin{bmatrix} 1\\0 \end{bmatrix}$$

$$T_{z} = \frac{1}{(260s+1)(s+0.001)} \begin{bmatrix} 2\\ -0.5s(s+0.001) \end{bmatrix}$$

となる.

る.

42

Step 2.

$$T_{2_i} = \frac{1}{s^2 + 2.8284s + 4} \begin{bmatrix} 4\\ -s (s + 0.001) \end{bmatrix}$$

$$T_{1o} = \frac{1.9231s^{i} + 5.4393s + 7.6923}{1000s^{i} + 4.8462s + 0.0038462}$$

$$G = \frac{1}{s' - 10^{-4} s' + 16} \begin{bmatrix} 2 s' - 0.002 s' \\ 8 s \end{bmatrix}$$

G(s)の最大特異値はλ:=0.7062. Step 3. γ:=1とすると、

$$U = \frac{s^2 + 2s + 4}{s^2 + 2.8284s + 4}$$

Step 4.

$$L = \frac{8 \, s^{3} + 22.627 s + 32}{s^{3} - 0.82743 s^{3} + 2.3423 s^{3} - 3.3114 s^{3} + 15.997 s + 0.016}$$
$$A = \begin{bmatrix} 1.3363 & -3.5961 \\ -0.55785 & 1.4921 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 0.23246 \\ -0.086852 \end{bmatrix},$$
$$C = \begin{bmatrix} 0 \ 26.96 \end{bmatrix}$$

 $\| \Gamma_L \| = 0.99965$

Step 5.

$$Z = \frac{0.9965\,s^{\prime} + 5.6554\,s^{\prime} + 15.996\,s^{\prime} + 22.623\,s + 15.996}{s^{\prime} + 4.0015\,s^{\prime} + 8.005\,s^{\prime} + 8.01s + 0.008002}$$

$$Q = \frac{519.82\,s^{\prime} + 1472.5\,s^{\prime} + 2085.1\,s + 7.998}{s^{\prime} + 4.0005s^{\prime} + 8.001\,s + 8.002}$$

Step 6.

$$C = \frac{519.82\,s^{\prime} + 1472.5\,s^{\prime} + 2085.1s + 7.998}{s^{\prime} + 2.0012s^{\prime} + 2.3451s + 0.0039996}$$

このときの感度関数と相補感度関数をFig.10 (a), (b) に示す. Fig.10(a)に示した感度関数から、このフィー ドバック制御系は、約-66dBの目標値に対する傷差 をともなうことが分かる.しかし、実際の制御では、 しbitの精度でA/D変換をおこなうため、約-66dB の量子化にともなう外乱が常に存在することになる. また,感度関数および相補感度関数は,それぞれの周 波数重み関数の次数をより高くすることにより,細か な周波数整形が可能であるが,増加した次数の分だけ, コントローラの次数が高くなる.



(a) Sensitivity function.





Fig.10 Sensitivity function and complementary sensitivity function.

5. 実験結果

本研究で製作した昇温装置を用いて、定速昇温実験 および TL 測定の予備実験を行なった。定速昇温装置 の制御結果をFig.11(a),(b)に示す.Fig.11(a)は試料 台の温度を測定したもので、安定した制御がなされて いることが分かる.Fig.11(b)は先の測定温度と目標 温度との誤差を表しており、室温から450℃に至るま で、誤差の変動幅が初期の振動を除いて1℃以内になっ ている。これは TL 測定装置として、あらかじめ決め られている設計仕様を満たしている。図中の2本の直 線は変動幅の上限と下限を表している。また、Fig.11 (b)から分かるように本研究で設計したコントローラ では、ランプ状の目標値に対して定常偏差が存在する. しかし、TL 測定装置としての本設計の仕様が、一定 速度で正確に昇温させることにあるため、制御目的は 達成されている.

TL を写真撮影する場合,定速昇温の後一定温度に





保つ必要がある. このときの制御結果をFig.12 に示 す. Fig.12(a)は試料台の温度を, Fig.12(b)は試料 台の温度と目標値からの誤差を表しており、オーバー シュートも無く良好な追従特性が得られていることが わかる.



(b) Error between the reference and the system output.





(a) Temperature of the surface of heater.



(b) Error between the reference and the system output.

Fig.12 Experimental result of constant raising temperature.



(a) Temperature of the surface of heater.



(b) TL intensity of calcite which is artificially irradiated radiation.

Fig.13 Experimental result of TL measurements.

Fig.13 に TL 測定の結果を示す. 試料には、 放射 線を人工照射したカルサイト (サンゴの化石)を用い た. 縦軸は発光強度を電圧で表し、横軸には試料加熱 温度を示す. ここでは、昇温速度1℃/s が達成され ているので、加熱温度はそのまま加熱時間に対応する. 琉球石灰岩の年代測定では、約230~290℃の範囲にお ける発光量が特に重要であり、この範囲においても安 定した昇温特性が得られている.

6. 結营

本研究では、TL 測定用の昇温装置を製作し、その 制御装置として、H[®] 制御の手法を用いて制御系の 設計を行なった.ここでは、セラミックヒータのモデ リングにおける不確かさを乗法的摂動として取り扱う ことで、安定な制御系が構成できることを示した.ま た、目標値への追従性に関しては、感度関数を低周波 領域で-66dBに抑えることにより、ランプ状の目標 値に対し、良好な追従特性を得ることができた.さら に、目標値がランプ状からステップ状に変化する場合 でも、オーバーシュートはほとんどなかった.最後に、 この研究の成果が、今後のTL研究の発展に貢献する ことを期待する.

謝辞

本研究を遂行するにあたり,実験装置を製作してい ただいた,琉球大学大学院理学研究科の冑木大茂氏, 琉球大学理学部の岩元和正氏,および,琉球大学工学 部技官の野原幸則氏に深く感謝いたします.また,専 門的立場からご教示いただいた琉球大学理学部,大森 保先生に深く感謝します.

文 献

- (1) 橋本哲夫,熱蛍光現象を利用した新しい希土類分析法と地球化学試料の産地推定法の開発,(1989).
- (2) B.A.Francis, A Course in H[∞] Control Theory, (1987), Springer.
- (3) 前田・杉江、アドパンスト制御のためのシステム 制御理論、(1990)、朝倉書店.
- (4) 例えば、川谷・ほか3名、 光 [∞] 制御に基づくア クティブサスペンションの制御、計測自動制御学 会論文集、Vol.27, No.5, (1991-5), 554/561.