

# 琉球大学学術リポジトリ

## アレー因子の10桁の数表と万能指向性特性図(摘要)

メタデータ	言語: 出版者: 琉球大学工学部 公開日: 2012-03-16 キーワード (Ja): キーワード (En): 作成者: Imai, Tadao, Carress, Fred S., 伊波, 直朗, カレス, フレッド メールアドレス: 所属:
URL	<a href="http://hdl.handle.net/20.500.12000/23807">http://hdl.handle.net/20.500.12000/23807</a>

Ten-Place Tables and Universal Pattern Charts of  
Array Factors with Increments of 0.001 Turns

By  
Tadao INAMI \*  
and  
Fred S. CARRESS \*\*

### Introduction

Suppose  $n$  isotropic point sources of equal amplitude and spacing are arranged as a linear array, as indicated in Fig. 1, where  $n$  is any positive integer. The total electromagnetic field  $E$  at a large distance in the direction  $\varphi$  is given by <sup>1</sup>

$$E = \frac{\sin (n \varphi / 2)}{\sin (\varphi / 2)} \quad (1)$$

Where  $\varphi$  is the total phase difference of the fields from adjacent sources and is given by

$$\varphi = d_r \cos \phi + \delta \quad (2)$$

Where  $d_r$  is the distance between adjacent sources expressed in radians, i. e.,

$$d_r = \frac{2 \pi d}{\lambda} \quad (3)$$

$\delta$  is the phase difference of adjacent sources,  $d$  is the distance between adjacent sources, and  $\lambda$  is the wave length.  $d$  and  $\lambda$  are to be measured in an arbitrary but consistent unit.

The phase difference  $\delta$  may assume any value. The amplitudes of the electromagnetic fields from the sources in Eq. 1 are all equal and normalized to unity. The phase is referred to the center point of the array so that the field from source  $k+1$  is advanced by  $\varphi$  from the field from source  $k$ . When the total

1. John D. Kraus, "Antennas," McGraw-Hill Book Company, Inc., 1950, pp.76-77.

\* College of Science and Engineering, University of the Ryukyus

\*\* Formerly College of Engineering, Michigan State University

field is normalized so that the maximum value is unity, Eq. 1 becomes

$$E = \frac{1}{n} \frac{\sin(n\varphi/2)}{\sin(\varphi/2)} \quad (4)$$

The field as given by Eq. 4 is commonly referred to as the array factor.

The importance of array factor in antenna theory is well-known. Recent developments of large arrays require the knowledge of array factors for large number of elements. Universal pattern charts giving the array factor as a function of  $\varphi$  have been published<sup>2</sup>, but only for integral values of  $n$  from 1 through 24. This paper gives the ten-place tables of array factors and universal pattern charts for all integral values of  $n$  from 25 through 100. The tables are for increments of  $\varphi$  of 0.001 turns.

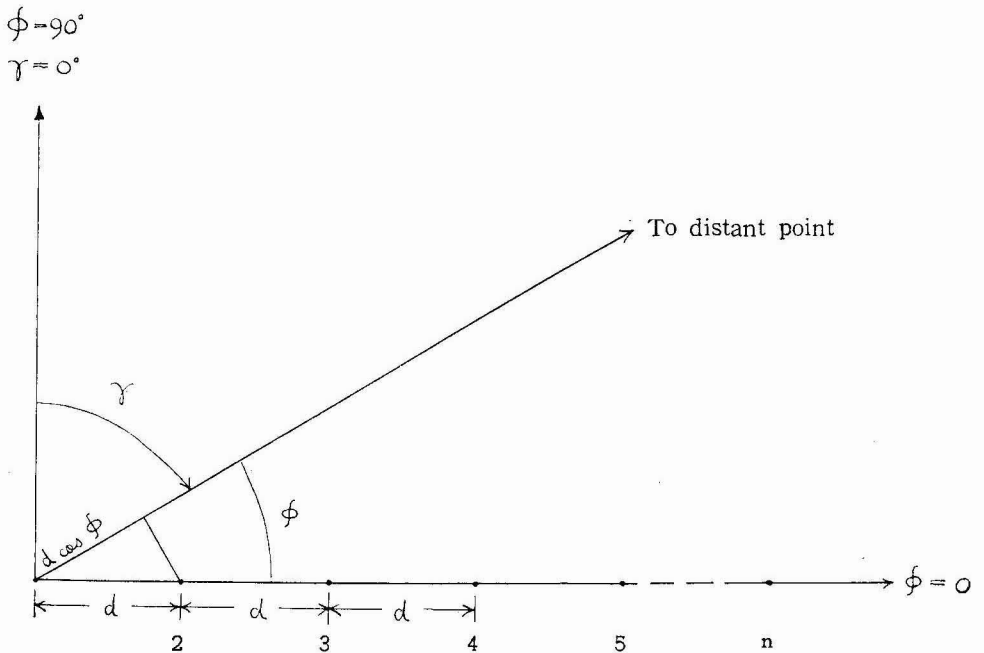


Fig.1. Arrangement of linear array of  $n$  isotropic point sources.

## アレー因子の10桁の数表と万能指向性特性図 (摘要)

伊 波 直 朗\*

フレッド・S・カレス\*\*

$n$  個の無指向性点源が同一の振巾と間隔をもった一列のアレーとして配置されているものとする。ここに  $n$  は仕意の正の整数である。 $\phi$  方向の遠距離にある点での全電界は

$$E = \frac{\sin(n\phi/2)}{\sin(\phi/2)} \quad (1)$$

で与えられる。ここに  $\phi$  は、となりあった点源間の全位相差で

$$\phi = d_r \cos \phi + \delta \quad (2)$$

で与えられる。ここに  $d_r$  は、となりあった点源間の距離をラジアンであらわしたもの、すなわち

$$d_r = \frac{2\pi d}{\lambda} \quad (3)$$

で、 $\delta$  は、となりあった点源の位相差、 $d$  は、となりあった点源間の距離、 $\lambda$  は波長である。 $d$  と  $\lambda$  は任意の単位ではかかってよいが、同一の単位でなければならない。位相差  $\delta$  の値は、まったく任意である。(1)式で、各点源の電界強度は等しく、1 ととってある。位相は、アレーの中心を基準にとってあって、 $k+1$  番目の点源の位相が、 $k$  番目の点源の位相より  $\phi$  だけ進むようにとってある。全電界の最大値が1になるように(1)式を書き改めると、

$$E = \frac{1}{n} \frac{\sin(n\phi/2)}{\sin(\phi/2)} \quad (4)$$

のようになる。この(4)式で与えられる電界を、ふつうアレー因子と云っている。

アレー因子が、アンテナの理論で重要であることはよく知られている。最近、多くの素子を使ったアレーが用いられるようになったので、多くの素子をつかった場合についてのアレー因子を知ることが必要となって来た。 $\phi$  の函数としてのアレー因子の万能指向性特性図はすでに出版されているが、それは1から24素子までのものしかない。この論文では、 $n$  が25から100までのアレーについて、10桁のアレー因子の数表と、万能指向性特性図を、電子計算機を使ってもとめた結果を発表してある。

\* 琉球大学理工学部電気工学科

\*\* ミシガン州立大学工学部





























